

Riešte sústavy rovníc $Ax=b$. Ak neexistuje klasické riešenie, nájdite zovšeobecnené a vyčíslite $\|A*x-b\|$ v euklidovskej norme.

Ak je riešení nekonečne veľa, nájdite ich všetky. Porovnajzte svoje výsledky so susedmi (a s výsledkami v zadaní). Ak sa líšia, zistite, či ide o chybu alebo len o odlišný zápis rovnakej množiny.

(V zápise matíc sú čísla v riadku oddelené medzerou, bodkočiarka označuje koniec riadku)

1. $A=[1\ 2\ 1; 2\ -1\ 1; 3\ 1\ 1]$ $b=[6; -3; 8]$ $[3; 4; -5]$

2. $A=[1\ 2\ 1\ 1; 2\ -1\ 1\ -1; 3\ 1\ 1\ 1]$ $b=[1; 5; 5]$
 $[8/5; -4/5; 1; 0] + t*[-2/5; -4/5; 1; 1]$

3.* $A = [1\ 2\ 3\ 0; 2\ -1\ 2\ -1; 0\ 2\ 1\ 1]$ $b=[4\ 6\ 2; 4\ 2\ 0; 1\ 3\ 0]$

Nájdime najprv nulový priestor matice, tj. riešme $A*x = [0; 0; 0]$.
 Výsledkom je $t*[-1; -1; 1; 1]$, kde $x_4 = t$.

Teraz položíme $t=0$, dostaneme sústavu $A_0*x = b$, kde $A_0 = [1\ 2\ 3; 2\ -1\ 2; 0\ 2\ 1]$.
 Dostávame $x = [1\ -1/3\ -10/3; 0\ 2/3\ -4/3; 1\ 5/3\ 8/3]$,
 odkiaľ $x_p = [1\ -1/3\ -10/3\ 0; 0\ 2/3\ -4/3\ 0; 1\ 5/3\ 8/3\ 0]$.

4. $A = [1\ 1; 1\ -1; 1\ 0]$ $b=[1; 0; 1]$ $[2/3; 1/2]$

5. $A=[1\ 2\ 1; 2\ 1\ 3; 2\ 1\ 1; 3\ 2\ 2; 1\ 2\ 3]$ $b=[2; 1; 2; 2; 1]$ $[23/43; 67/86; -29/86]$

6. $A = [1\ 1\ 0; 1\ 0\ -1; 0\ 1\ 1]$ $b=[0; 1; 0]$ $[1/3; 0; -1/3] + t*[1; -1; 1]$

7. $A = [1\ 1\ 0; 1\ 0\ 1; 0\ 1\ -1]$ $b=[1; 1; 1]$ $[2/3; 2/3; 0] + t*[-1; 1; 1]$

8. $A = [1\ 0\ 1\ 0; 0\ 1\ 0\ 1; 1\ 1\ 1\ 1]$ $b=[1; 1; 0]$

$x_p = [1/6; 1/6; 1/6; 1/6] + s*[1; 0; -1; 0] + t*[0; 1; 0; -1]$