

## TÝŽDEŇ 1

1. Riešte kvadratické rovnice

a.  $3x^2 + x - 2 = 0$   $[\{-1; \frac{2}{3}\}]$

b.  $2x^2 - 2x + 1 = 0$   $[\frac{1}{2} \pm \frac{1}{2}i]$

c.  $2x^2 - 2x + 5 = 0$   $[\frac{1}{2} \pm \frac{3}{2}i]$

2. V obore komplexných čísel riešte rovnice

a.  $2z + 3iz - 1 + 2i = -2 + i,$       b)  $\frac{1+i}{2z+iz-i} = \frac{1}{z+1-i},$       c)  $\frac{1}{z+i} - \frac{1+i}{z} = 1$

(a)  $[z = -\frac{5}{13} + i\frac{1}{13}],$       b)  $[z = 2 + i],$       c)  $[z_{1,2} = -i \pm \frac{1}{\sqrt{2}}(-1 + i)]$

3. Vypočítajte čísla  $\left(\frac{1+i}{1-i}\right)^{2015}$ ,  $[-i];$   $\frac{(1-i)(1-2i)}{3+4i},$   $[-\frac{3}{5} - \frac{1}{5}i]$   
a znázornite ich v komplexnej rovine.

4. Riešte binomické rovnice, riešenie znázornite v komplexnej rovine.

a)  $z^2 = i,$   $[z_k = e^{i(\frac{\pi}{4} + k\pi)}, k = 0, 1];$       b)  $z^4 = -4,$   $[z_k = \sqrt{2}e^{i(\frac{\pi}{4} + k\frac{\pi}{2})}, k = 0, 1, 2, 3]$

c)  $z^4 = -2 + 2\sqrt{3}i,$   $[z_k = \sqrt{2}e^{i(\frac{\pi}{6} + k\frac{\pi}{2})}, k = 0, 1, 2, 3];$

d)  $z^3 = -i$   $[z_k = e^{i(\frac{\pi}{2} + k\frac{2\pi}{3})}, k = 0, 1, 2].$

5. Nájdite reálne čísla  $x, y,$  ktoré spĺňajú rovnice:

a.  $x(2 + 3i) + y(4 - 5i) = 6 - 2i$   $[(x, y) = (1, 1)]$

b.  $(x - i)(2 - yi) = 11 - 23i$   $[(x_1, y_1) = (7, 3); (x_2, y_2) = (-3/2, -14)]$

c.  $\frac{x}{2+3i} + \frac{y}{3+2i} = 1$   $[(x, y) = (-26/5, 39/5)]$