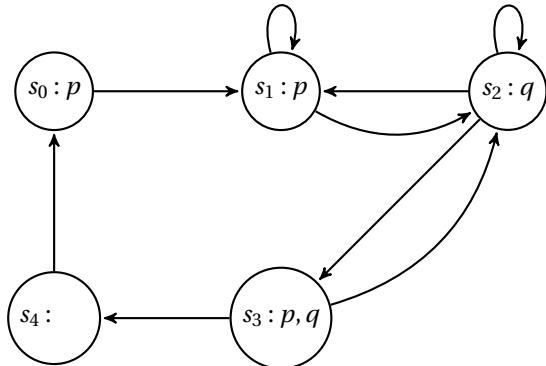


| Priezvisko | Meno | počet bodov | Prémia |
|------------|------|-------------|--------|
| | | | |

1. Dokážte, že platí (prostredníctvom interpretácií)
 - a) (3b) $\models \forall x A(x, f(x)) \rightarrow \forall x \exists y A(x, y)$, b) (3b) $\not\models \forall x \exists y A(x, y) \rightarrow \forall x A(x, f(x))$.
2. a) (4b) Napíšte, čo je Herbrandovo univerzum množiny klausov S .
 - b) Napíšte Herbrandovo univerzum H_S pre
 - (i) (1.5b) $S = \{\{p(a), \neg p(b), \neg q(z)\}, \{\neg p(c), \neg q(z)\}\}$,
 - (ii) (1.5b) $S = \{\{p(a, f(x, y)), \neg q(c, f(a, x))\}, \{\neg p(f(x, y), c), q(f(x, y), a)\}\}$
3. Nájdite model (interpretáciu) pre formulu
 - a) (2b) $p(a) \wedge \exists x p(x)$, b) (2b) $p(a) \wedge \exists x \neg p(x)$,
 - c) (3b) majú formuly z časti a) a b) Herbrandov model?
4. Dajte do prenexnej konjunktívnej normálnej formy (Skolemov algoritmus)
 - a) (4b) $\forall x \forall y (\exists z p(z) \wedge \exists u (q(x, u) \leftrightarrow \exists x q(y, x)))$
 - b) (4b) $\exists x A(x, f(x)) \leftrightarrow \forall x \exists y A(x, y)$
5. V TL pre nasledujúcu interpretáciu zistite pre ktoré stavy platí



a) (2b) $p \rightarrow q$, b) (2b) $\square p \rightarrow \Diamond q$, c) (2b) $\square(p \rightarrow q) \rightarrow q$.

6. V lineárnej temporálnej logike dokážte:

a) (2b) $\models \bigcirc(p \rightarrow q) \leftrightarrow (\bigcirc p \rightarrow \bigcirc q)$ b) (2b) $\models \Diamond \Box p \rightarrow \Box \Diamond p$ c) (2b) $\not\models \Box \Diamond p \rightarrow \Diamond \Box p$.

7. (3b-Prémia) Dokážte vo všeobecnej TL
 - a) (2b) Ked' je interpretácia $\mathcal{I} = (\mathcal{S}, \rho)$ reflexívna, potom

$$\mathcal{I} \models \Box A \rightarrow A.$$

- b) (2b) Ked' je interpretácia $\mathcal{I} = (\mathcal{S}, \rho)$ tranzitívna, potom

$$\mathcal{I} \models \Box A \rightarrow \Box \Box A.$$